Подписано электронной подписью:

Вержицкий Данил Григорьевич Должность: Директор КГПИ ФГБОУ ВО «КемГУ» Дата и время: 2024-02-21 00:00:00

## МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИЙ $^{471086fad29a3b30e244c728abc3664ab35c9d50210dcf0e75e03a5b6fdf6436}$

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Кемеровский государственный университет»

Новокузнецкий институт (филиал)

федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования

«Кемеровский государственный университет»

Факультет физико-математический и технолого-экономический Профилирующая кафедра теории и методики преподавания информатики



#### Рабочая программа дисциплины (модуля)

#### Б1.В.ОД.16 Математическая логика

(Наименование дисциплины (модуля))

### Направление подготовки (специальность)

#### 44.03.01 Педагогическое образование

(шифр, название направления)

#### Направленность (профиль) подготовки Информатика

Уровень прикладной бакалавриат

> Форма обучения Очная

(очная, заочная, очно-заочная и др.)

Год набора 2015

Новокузнецк 20 17

#### Лист внесения изменений

# Сведения об утверждении: утверждена Ученым советом факультета (протокол Ученого совета факультета № $_6$ от $_3$ .03 $_$ .2016 $_$ ) на $_20_16_$ год Одобрена на заседании методической комиссии протокол методической комиссии факультета № $_6$ от $_18._02._2016_$ ) Одобрена на заседании обеспечивающей кафедры протокол № $_7$ от $_16._03._2016_$ ) М.С.Можаров (Ф. И.О. зав. кафедрой) / \_\_\_\_\_ (подпись) Изменения по годам: $_18._2017_200$

утвержден (а) Ученым советом факультета (протокол Ученого совета факультета № 7 от 16.03.2017 ) на 2017 год набора Одобрен (а) на заседании методической комиссии протокол методической комиссии факультета № 7 от 15.03.2017 ) Одобрен (а) на заседании обеспечивающей кафедры ТиМПИ протокол № 8 от 02.03.2017 ) Можаров М.С. (Ф. И.О. зав. кафедрой) / \_\_\_\_\_\_ (подпись)

#### СОДЕРЖАНИЕ

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения основной образовательной программы «Педагогическое образование» по программе бакалавриата профиля "Информатика"..... Ошибка! Закладка не определена. 2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата Ошибка! Закладка не определена. 3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на 3.1. Объём дисциплины (модуля) по видам учебных занятий (в часах) Ошибка! Закладка не определена. 4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий Ошибка! Закладка не определена. 4.1. Разделы дисциплины (модуля) и трудоемкость по видам учебных занятий (в 4.2 Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам)Ошибка! Закладка не определена. 5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по 6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по 6.1. Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине (модулю) Ошибка! Закладка не определена. 6.2. Типовые контрольные задания или иные материалы Ошибка! Закладка не определена. 6.2.2 Наименование оценочного средства\* (в соответствии с таблицей 6.1) Ошибка! Закладка не определена. 6.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций Ошибка! Закладка не определена. 7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения основная учебная литература: ...... Ошибка! Закладка не определена. дополнительная учебная литература: ......Ошибка! Закладка не определена. 8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)......Ошибка! Закладка не определена. 9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля) Ошибка! Закладка не определена. 10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости) Ошибка! Закладка не определена. 11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю) .......Ошибка! Закладка не определена. 

# 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения основной образовательной программы 44.03.01 педагогическое образование (профиль Информатика)

В результате освоения ОПОП бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине (модулю):

Коды	Результаты освоения ОПОП	Перечень планируемых результатов
компетенции	Содержание компетенций	обучения по дисциплине
СПК-1	готов к применению знаний	Знать:
	теоретической информатики,	общие проблемы и задачи теоретической
	фундаментальной и прикладной	информатики, основные принципы и
	математики для анализа и синтеза	этапы информационных процессов,
	ин-формационных систем и	наиболее широко используемые классы
	процессов, а также для решения	информационных моделей;
	прикладных задач получения,	основные математические методы
	хранения, обработки и пере-дачи	получения, хранения, обработки,
	информации	передачи и использования информации;
		состояние и перспективы развития
		информационных и
		инфокоммуникационных технологий,
		рынок программно-аппаратных средств;
		основы архитектуры, устройства и
		функционирования вычислительных
		систем и компьютерных сетей;
		регламенты обеспечения
		информационной безопасности, методы
		и средства защиты информации, типовые
		уязвимости, учитываемые при
		эксплуатации устанавливаемого
		программного обеспечения;
		Уметь:
		применять математический аппарат
		анализа и синтеза информационных
		систем;
		устанавливать, настраивать, обновлять
		системное и прикладное программное
		обеспечение на конечных устройствах
		пользователей и/или серверном
		оборудовании, осуществлять
		лицензионную регистрацию;
		настраивать программное обеспечение в
		соответствии с регламентами
		обеспечения информационной
		безопасности, использовать программно-
		аппаратные и программные средства
		защиты информации;
		Владеть:
		современными формализованными
		математическими, информационно-
		логическими и логико-семантическими

	моделями и методами представления,
	сбора и обработки информации

#### 2. Место дисциплины в структуре ОПОП бакалавриата

Дисциплина "Математическая логика и теория алгоритмов" относится к обязательным дисциплинам профессионального цикла вариативной части ОПОП бакалавриата и изучается на 3 курсе в 6 семестре. Дисциплина "Математическая логика и теория алгоритмов" имеет логические и методологические связи с математическими дисциплинами профессионального цикла (Б1): математика, математический анализ и дифференциальные уравнения, дискретная математика, теория алгоритмов. архитектура компьютера, практикум по решению задач на ЭВМ, решение задач по программированию повышенной сложности.

Требования к «входным» знаниям, умениям и готовностям обучающегося, необходимым при освоении данной дисциплины: при выполнении лабораторных работ актуализируются компетенции, приобретенные студентами при изучении дисциплин: Теоретические основы информатики, Дискретная математика, Программирование, Математическая логика.

# 3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Дисциплина изучается на  $\underline{3}$  курсе в 5 семестре. Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных единицы, 72 часа.

#### 3.1. Объём дисциплины (модуля) по видам учебных занятий (в часах)

	Всего	часов
	для очной	для заочной
Объём дисциплины	формы	/очно-заочной
	обучения	формы
		обучения
Общая трудоемкость дисциплины	72	
Контактная работа обучающихся с преподавателем (по	32	
видам учебных занятий) (всего)		
Аудиторная работа (всего**):	32	
в т. числе:		
Лекции	16	
Семинары, практические занятия	16	
Практикумы		
Лабораторные работы		
Занятия в интерактивной форме	14	
Внеаудиторная работа (всего**):	40	
В том числе, индивидуальная работа обучающихся с		
преподавателем:		
Курсовое проектирование		
Групповая, индивидуальная консультация и иные виды		
учебной деятельности, предусматривающие групповую или		
индивидуальную работу обучающихся с преподавателем		
Творческая работа (эссе)		
Самостоятельная работа обучающихся (всего**)	40	
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет /	Зачет с	

	Всего часов			
	для оч	чной	для	заочной
Объём дисциплины	формы		/очно	-заочной
	обучения		форма	Ы
			обуче	кин:
экзамен****)	оценкой			

- 4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий
- 4.1. Разделы дисциплины (модуля) и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)

#### для очной формы обучения

№ п/п	, ,		сам обучан ауд	чебных занят постоятельную ощихся и труд часах) иторные ые занятия	о работу	Формы текущего контроля успеваемости
		всего	лекции	семинары, практические занятия		
1.	Методология математической логики	8	2	-	6	Домашняя контрольная работа
2.	Алгебра высказываний	12	2	4	6	Домашняя контрольная работа
3.	Нормальные формы	14	4	4	6	Домашняя контрольная работа
4.	Булевы функции	10	2	2	6	Домашняя контрольная работа
5.	Аксиоматическое построение логики высказываний.	10	2	2	6	Домашняя контрольная работа
6.	Логика предикатов.	12	2	4	6	Домашняя контрольная работа
7.	Аксиоматические теории	6	2	-	4	Собеседование на зачете
8.	Алгоритмы и вычислимые функции.		4	4	16	Опрос, рецензирование
9.	Алгоритм как абстрактная машина		4	6	16	письменных работ,
10.	Исчисления. Грамматики. Языки		4	6	16	допуск и защита лабораторных
11.	Элементы теории		6	8	18	работ,

№ п/п	Раздел дисциплины	Общая уудоёмкость (часах,	учебные занятия		работу	теку кон	рмы ущего гроля аемости
		всего	лекции	семинары, практические занятия			
	сложности					защита	програм-
						мных пр	ооектов

## 4.2 Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам)

№	Наименование раздела					
п/п	паименование раздела дисциплины	Содержание				
1	Методология математической	логики				
	Содержание лекционного курса					
1.1.	Методология математической логики	Дедуктивный характер математики. Предмет математической логики, ее роль в обосновании математики. Интенсивное развитие математической логики в настоящее время в связи с созданием и применением автоматических систем управления и распространением метода формализации при изучении различных теорий.				
2	Алгебра высказываний					
C	Годержание лекционного курс	ra				
2.1.	Алгебра высказываний	Алгебра высказываний. Логические операции над высказываниями. Формулы. Истинностные значения формул. Равносильность. Равносильные преобразования формул.				
T	емы практических/семинарсн	хих занятий				
2.1	Логические операции над высказываниями. Формулы алгебры высказываний	Логические операции над высказываниями: отрицание, дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквиваленция. Формулы алгебры высказываний. Тавтологии алгебры высказываний. Метод таблиц истинности доказательства равносильности формул. Использование равносильных преобразований для упрощения формул.				
2.2.	Логическое следование и равносильность формул	Логическое следование. Равносильность формул алгебры высказываний. Упрощение систем высказываний.				
3	Нормальные формы					
C	Годержание лекционного курс	ra				
3.1.	Дизъюнктивная нормальная форма	Понятие нормальной формы формулы алгебры высказывания. Дизъюнктивная нормальная форма. Совершенная дизъюнктивная нормальная форма.				
3.2.	Конъюнктивная нормальная форма	Конъюнктивная нормальная форма. Совершенная конъюнктивная нормальная форма				
T	Темы практических/семинарских занятий					

No	Наименование раздела	Содержание			
п/п	дисциплины	Содержание			
3.1	Нормальные формы и их применение	форм. Нахождение следствий из посылок. Нахождение посылок для данных следствий			
3.2.	Приложение алгебры высказываний к логико - математической практике. Правильные и неправильные рассуждения	Приложение алгебры высказываний к логикоматематической практике. Обратные и противоположные теоремы. Принцип полной индукции. Необходимые и достаточные условия. Правильные и неправильные рассуждения. Логические задачи.			
4.	Булевы функции				
	Содержание лекционного курс				
4.1.	Булевы функции	Булевы функции. Число булевых функций от <i>п</i> переменных. Замкнутые классы булевых функций. Полные и неполные системы функций.			
T	<sup>Т</sup> емы практических/семинарсн	хих занятий			
4.1	Классы и системы булевых				
	функций. Приложения булевых функций.	Полные и неполные системы функций. Применение булевых функций к релейно-контактным схемам.			
5.	Аксиоматическое построен				
	Годержание лекционного курс				
5.1.	Аксиоматическое построение	Аксиомы и правила вывода. Доказуемость формул.			
3.1.	логики высказываний. Теория доказательств	Условный вывод. Теорема дедукции. Непротиворечивость, полнота и разрешимость исчисления высказываний.			
Темь	ы практических/семинарских	занятий			
5.1.	Построение доказательств. Правила вывода и их применение.	Построение доказательств. Применение теоремы дедукции. Производные правила вывода и их применение. Независимость системы аксиом			
6.	Логика предикатов				
Соде	гржание лекционного курса				
6.1.	Понятие и формулы логики предикатов. Применение логики предикатов	Понятие предиката. Формулы логики предикатов. Истинностные значения формул. Равносильность. Общезначимость и выполнимость формул. Применение логики предикатов к логико-математической практике			
Темь	ы практических/семинарских	занятий			
6.1.	Понятие и формулы логики предикатов	Понятие предиката. Формулы логики предикатов. Истинностные значения формул. Равносильность. Общезначимость и выполнимость формул. Кванторы			
6.2.	Применение логики	Применение логики предикатов к логико-математической			
7.	предикатов Аксиоматические теории	практике.			
	гржание лекционного курса				
7.1.	Аксиоматические теории	Аксиоматические теории. Логические и специальные аксиомы. Правила вывода. Доказательства в теории. Теорема дедукции. Свойства теорий.			
8	A HEODETH V W TO THE TOTAL TO T	o desirentia			
	Алгоритмы и вычислимы	е функции			
Cooep	Содержание лекционного курса				

№	Наименование раздела	Содержание
п/п	дисциплины	-
8.1.		ешимые и перечислимые множества. Универсальные
	функции и неразрешимость	
		ции. Примеры. Свойство пошагового выполнения
		ожества и их свойства. Перечислимые множества и их
		ожество, как множество определения вычислимой
		ожество, как множество значений вычислимой функции.
		рафике вычислимой функции.
		кции. Существование вычислимой универсальной
		имых функций одной переменной. Диагональная
		ичислимой всюду определенной функции двух
		і для класса всех вычислимых всюду определенных
		. Существование вычислимой функции, не имеющей
		слимого продолжения. Существование перечислимого
	-	ым дополнением. Неразрешимость проблемы
8.2	самоприменимости.	движной точке и ее следствия.
0.2		движной точке и ее следствия. пе универсальные функции. Существование главной
		орема Успенского - Райса. Изоморфизм главных
	нумераций. Перечислимые о	
		ления эквивалентности. Теорема Клини. Приложение к
		ирования. Существование программы, печатающей (на
	любом входе) свой текст.	прования существование программый, не начающей (на
Темы ла	абораторных занятий	
8.1.	Следствия из теоремы о неп	одвижной точке.
8.2.	Алгоритмические проблемь	
9	Алгоритм как абстрактна	
Содерж	сание лекционного курса	
9.1.	Алгоритм как абстрактная м	пашина. Машины Поста, Тьюринга.
		нию алгоритма как абстрактной машины.
	Алгоритмическая машина П	оста: устройство, система команд, принципы работы.
	-	ьюринга: устройство, принципы работы. Тезис Тьюринга.
9.2.	_	ступом к памяти (РАМ). Компьютер фон Неймана.
	-	делей вычислений. Описание РАМ - машины,
	_	дресацию, проверку на равенство и вычисление функции
	1 1 1	ние для РАМ. Примеры. Функции вычислимые на РАМ.
	1 1	ассмотрения не всюду определенных функций. Тезис
		вной нумерации программ для РАМ. Существование
		решимость проблемы останова для РАМ.
		гь проблем. Неразрешимость исчисления предикатов.
		имой на РАМ. Сравнение РАМ и ЭВМ.
		ины фон Неймана. Принципы фон Неймановской
	1 2 2 2	чного кодирования, принцип хранимой программы,
	Система команд первой фон	вления, принцип адресности, принцип иерархии памяти.
Темы по	— Система команд первои фон ибораторных занятий	memmanoberon odivi.
9.1.	Программы для машины По	octa
9.2.	Программы для машины Ть	
9.3.	Нормальные алгорифмы Ма	•
10	Исчисления. Грамматики	
	сание лекционного курса	ALYDINA
Соберы	мние лекционного курси	

No	Наименование раздела	Содержание				
п/п	дисциплины	-				
10.1.	Языки и грамматики. Иерар					
	Общее понятие исчисления.	Языки и цепочки символов. Способы задания языков:				
	форма Бэкуса-Наура, синтан	ксические диаграммы. Формальные грамматики.				
	Классификация грамматик.	Классификация грамматик. Четыре типа грамматик по Хомскому.				
10.2.	Языки и машины: принципн	и построения трансляторов.				
	Классификация языков. Язь	ики и машины: основные принципы построения				
	трансляторов, лексические и	и синтаксические анализаторы, генерация и оптимизация				
	кода, современные системы	программирования.				
Темы.	лабораторных занятий					
10.1.	Контекстно-независимые гр	амматики и языки.				
10.2.	Контекстно-зависимые грам	іматики и языки.				
10.3.	Автоматные грамматики и я	зыки				
11	Элементы теории сложнос	ти				
Содер	жание лекционного курса					
11.1.	Введение в теорию сложнос	сти.				
	Понятие сложности вычисл	ения. Сигнализирующая функция (по времени). Аксиомы				
	Блюма. Теорема об ускорен	ии.				
11.2.	Сложностные классы.					
		сления с оракулом. Описание классов Р и NP. Примеры				
		классам. Отождествление класса Р с классом реально				
	вычислимых функций.					
11.3.	Основы теории NP-полноты					
		ъ. NP-полные задачи. Теорема Кука. Примеры NP-полных				
	1 1 1	P=NP?). Применение теории NP-полноты для анализа				
	сложности задач.					
	лабораторных занятий					
11.1.	•	Вычисление временной сложности алгоритмов поиска.				
11.2.		жности алгоритмов сортировки.				
11.3.	Вычисление объемной слож	Вычисление объемной сложности рекурсивных алгоритмов.				
11.4.	NР-полные задачи.					

## 5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Основными формами самостоятельной работы по дисциплине являются:

- 1) Освоение теоретического материала (подготовка к практическим занятиям, зачетам).
- 2) Выполнение домашних заданий
- 2) Выполнение домашних контрольных работ

Для обеспечения самостоятельной работы используются следующие средства:

- 1) Конспекты лекций;
- 2) Учебно-методическая литература
- 3) Учебно-методические пособия, подготовленные преподавателями кафедры
- 4) Информационные источники сети «Интернет»

Виды самостоятельной работы обучающихся: аналитический обзор ресурсов Интернет, программный проект.

Темы аналитических обзоров ресурсов Интернет

- 1. Алгебра разрешимых множеств.
- 2. Алгебра перечислимых множеств.

- 3. Программирование для РАМ.
- 4. Функции вычислимые на РАМ.
- 5. Примеры алгоритмически неразрешимых проблем.
- 6. Модели вычислений, отличные от РАМ.
- 7. Доказательство равносильности любых двух различных моделей вычислений.
- 8. Примеры задач, принадлежащих классам Р и NP.
- 9. Примеры NP-полных задач.
- 1. Нейронные сети.
- 2. Вероятностные вычисления.
- 3. Квантовые вычисления.
- 4. Биомолекулярные вычисления.
- 5. Вычисления над кольцом целых чисел.
- 6. Вычисления над кольцом действительных чисел.
- 7. Вычисления над кольцом комплексных чисел.
- 8. Структурная сложность.
- 9. Коммуникационная сложность.
- 10. Дескриптивная сложность.
- 11. Алгебраическая сложность.

#### Темы программных проектов

- 1. Создание интерпретатора машины Поста.
- 2. Создание интерпретатора машины Тьюринга.
- 3. Создание интерпретатора машины с произвольным доступом к памяти (РАМ)
- 4. Создание интерпретатора фоннеймановской ЭВМ.
- 5. Создание лексического анализатора.
- 6. Создание синтаксического анализатора.

## 6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

В соответствии с ОПОП бакалавра по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование профиль «Информатика» изучение дисциплины «Математическая логика и теория алгоритмов» направлено на формирование следующих компетенций: ПК-10, 12

#### 6.1. Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине (модулю)

Контролируемые разделы (темы)	Код контролируемой	наименовани
дисциплины	компетенции* (или её части) / и ее	е оценочного
(результаты по разделам)	формулировка – по желанию	средства
Методология математической	СПК-1	Контрольная
ЛОГИКИ	CIIC I	работа №1
Алгебра высказываний	СПК-1	Контрольная
		работа №1
Нормальные формы	СПК-1	Контрольная
		работа №1
Булевы функции	СПК-1	Контрольная
		работа №2
Аксиоматическое построение	СПК-1	Контрольная
логики высказываний.		работа №3
	дисциплины (результаты по разделам) Методология математической логики Алгебра высказываний Нормальные формы Булевы функции Аксиоматическое построение	дисциплины компетенции* (или её части) / и ее (результаты по разделам)  Методология математической логики  Алгебра высказываний  СПК-1  Нормальные формы  СПК-1  Булевы функции  СПК-1  СПК-1  СПК-1

№	Контролируемые разделы (темы)	Код контролируемой	наименовани
$\Pi/\Pi$	дисциплины	компетенции* (или её части) / и ее	е оценочного
	(результаты по разделам)	формулировка – по желанию	средства
6.	Логика предикатов.	СПК-1	Контрольная работа №4
7.	Аксиоматические теории	СПК-1	Собеседован
			ие на зачете
8.	По всем разделам	СПК-1	Собеседован
			ие на зачете
9.	Алгоритмы и вычислимые функции.	СПК-1	тест
10.	Алгоритм как абстрактная машина	СПК-1	тест
11.	Исчисления. Грамматики. Языки	СПК-1	тест
12.	Элементы теории сложности	СПК-1	тест

#### 6.2. Типовые контрольные задания или иные материалы

#### Текущий контроль.

Формы контроля: Контрольная работа № 1, Контрольная работа № 2, Контрольная работа № 3, Контрольная работа №4.

Содержание контрольных мероприятий:

#### Контрольная работа № 1

- 1. Формулы алгебры высказывание  $(x \leftrightarrow y) \rightarrow (x \land y)$  представить в СКНФ и в СДНФ двумя способами: а) равносильными преобразованиями; б) используя таблицу истинности.
- 2. Найти МДНФ двумя способами: а) методом минимизирующих карт; б) графическим методом.
- 3. Найти все следствия.
- 4. Найти все посылки.
- 5. Представить полиномом Жигалкина.

#### Контрольная работа № 2

Проверить правильность умозаключения двумя способами: а) используя таблицу истинности; б) методом от противного.

Является ли полной система функции  $\{\land,\lor,\to\}$ ?

#### Контрольная работа № 3

Доказать теорему  $(\grave{A} \to \hat{A}) \to (\grave{A} \to \hat{A} \lor \grave{A})$  двумя способами: а) без использования теоремы дедукции и правила силлогизма; б) используя теорему дедукции и , если надо, правило силлогизма.

#### Контрольная работа № 4

- 1. Выразить множества истинности данных предикатов через множества истинности, входящих в них элементарных предикатов.
- 2. Выделить логическую систему случаев для решения неравенств (уравнений) данного типа.

#### Итоговый контроль.

Формы контроля: зачет.

Содержание контрольного мероприятия:

#### Вопросы к зачету

- 1. Мышление как объект логики. Формы мышления.
- 2. Связь логики с другими науками. Логика и конструирование автоматических устройств.
- 3. Определение высказывания. Определение логических операций над высказываниями: отрицание, неразделительная дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквиваленция.
- 4. Формулы алгебры высказываний. Равносильность формул. Законы логики.
- 5. Совершенная дизъюнктивная нормальная форма.
- 6. Совершенная конъюнктивная нормальная форма.
- 7. Минимизация СДНФ.
- 8. Теорема о числе булевых функций от n переменных.
- 9. Замкнутые классы булевых функций.
- 10. Полные и неполные системы булевых функций.
- 11. Теория доказательства в исчислении высказываний.
- 12. Условный вывод в ИВ. Теорема дедукции.
- 13. Понятие предиката. Формулы логики предикатов. Кванторы. Истинностные значения формул.
- 14. Язык первого порядка Термы и Формулы.
- 15. Запись предложений на логико-математическом языке.
- 16. Аксиоматические теории. Логические и специальные аксиомы. Правила вывода. Доказательства в теории. Теорема дедукции.
- 17. Непротиворечивость, полнота и разрешимость теорий. Непротиворечивость исчисления предикатов.
- 18. Интерпретация языка теории. Модель теории.
- 19. Теория натуральных чисел. Язык. Аксиомы. Теорема о неполноте.

Если существует алгоритм, позволяющий вычислить значение функции по известным значениям аргументов, то функция называется

а) вычислимой

b) частичной

с) всюду определенной

d) числовой

В нормальном алгоритме Маркова дана система подстановок в алфавите A={a, b, c}: abc→c, ba→cb, ca→ab. Преобразуйте с помощью этой системы слово bacaabc

a) acbc

b) ccbcbbc

c) cbacba

d) cbc

Формальная грамматика <T, N, S, P>, все продукции которой имеют вид  $\alpha A\beta \rightarrow \alpha \omega \beta$ , где  $A \in N$ ;  $\alpha, \beta \in (T \cup N)^+$ ;  $\omega \in (T \cup N)^+$ , является

а) регулярной

b) автоматной

с) контекстно-свободной

d) контекстно-зависимой

Уравнение сложности некоторого алгоритма  $f(N)=4N^2+N$ . Сложность этого алгоритма по порядку величины O(f(N)) равна

a) O(N)

b) O(4N)

c)  $O(N^2)$ 

d)  $O(4N^2)$ 

#### а) критерии оценивания компетенций (результатов)

За правильный ответ на тестовое задание испытуемый получает 1 первичный балл, за неправильный, неуказанный или неполный ответ — 0 баллов.

#### **b**) описание шкалы оценивания

Шкала оценивания теста:

«отлично» - более 90% выполненных заданий;

«хорошо» - более 75% выполненных заданий; «удовлетворительно» - более 50% выполненных заданий; «неудовлетворительно» - менее 50% выполненных заданий.

# 6.3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций

Итоговая оценка работы студента по дисциплине выставляется в ходе зачета. Итоговая оценка носит комплексный характер и складывается из следующих составляющих: активная работа на практических и лекционных занятиях; успешное выполнение заданий промежуточного контроля (домашних контрольных работ, домашних заданий); собеседование на зачете, отражающее уровень теоретических знаний и практических умений студента.

При этом принимаются во внимание следующие критерии и показатели:

#### Лекционные занятия

- 1. Посещаемость
- 2. Наличие и содержание конспектов лекций
- 3. Активность, внимательность
- 4. Культура поведения

#### Практические занятия

- 1. Посещаемость
- 2. Готовность к занятию (тетрадь, задачник, и т.д.)
- 3. Активность, внимательность
- 4. Своевременное выполнение домашних заданий
- 5. Культура поведения
- 6. Качество решения предлагаемых задач

#### Домашние контрольные работы и индивидуальные домашние задания

- 1. Своевременное выполнение работы (в соответствии с установленным графиком)
- 2. Оформление работы
- 3. Качество решения задач (отсутствие ошибок в решении, оригинальность)
- 4. Качество таблиц, схем и чертежей (аккуратность, наличие цвета, грамотность)

Примерные вопросы и задания, критерии оценки сформированности компетенций на зачете представлены в п. 6 настоящей рабочей программы.

## 7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

#### а) основная литература

- 1.Скорубский, В. И. Математическая логика [Электронный ресурс] : учебник и практикум для академического бакалавриата / В. И. Скорубский, В. И. Поляков, А. Г. Зыков. Электронные текстовые данные. Москва : Издательство Юрайт, 2017. 211 с. (Бакалавр. Академический курс). Режим доступа: <a href="https://biblio-online.ru/viewer/1DCFB4A3-0E32-447B-B216-5FDE5657D5D3">https://biblio-online.ru/viewer/1DCFB4A3-0E32-447B-B216-5FDE5657D5D3</a>
- 2. Судоплатов, С. В. Математическая логика и теория алгоритмов [Электронный ресурс] : учебник и практикум для академического бакалавриата / С. В. Судоплатов, Е. В. Овчинникова. 5-е изд., стер. Электронные текстовые данные. Москва : Издательство Юрайт, 2016. 255 с. (Бакалавр.Академический курс). Режим доступа: <a href="https://biblio-online.ru/viewer/71FA118B-CFD5-48BD-BC6F-073BDCA2806F">https://biblio-online.ru/viewer/71FA118B-CFD5-48BD-BC6F-073BDCA2806F</a>

#### б) дополнительная литература

- 1.Глухов, М. М. Математическая логика. Дискретные функции. Теория алгоритмов [Электронный ресурс] : учебное пособие / М. М. Глухов, А. Б. Шишков. Электронные текстовые данные. Санкт-Петербург : Лань, 2012. 406 с. Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/view/book/4041/">http://e.lanbook.com/view/book/4041/</a>
- 2.Балюкевич, Э. Л. Математическая логика и теория алгоритмов [Электронный ресурс] : учебнопрактическое пособие / Э. Л. Балюкевич, Л. Ф. Ковалева. Эл. текстовые данные. Москва :Евразийский открытый институт, 2009. 189 с. ISBN 978-5-374-00220-1. Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=93166

## 8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

- 1. Базовые федеральные образовательные порталы. <a href="http://www.edu.ru/db/portal/sites/portal\_page.htm">http://www.edu.ru/db/portal/sites/portal\_page.htm</a>.
- 2. Государственная публичная научно-техническая библиотека. <www.gpntb.ru/>.
- 3. Информационно-коммуникационные технологии в образовании. Система федеральных образовательных порталов. <a href="http://www.ict.edu.ru/">http://www.ict.edu.ru/</a>>.
- 4. Национальная электронная библиотека. <www.nns.ru/>...
- 5. Поисковая система «Апорт». <www.aport.ru/>.
- 6. Поисковая система «Рамблер». <www.rambler.ru/>.
- 7. <www.yahoo.com/>. Поисковая система «Yahoo».
- 8. <<u>www.yandex.ru/</u>>. Поисковая система «Яндекс».
- 9. Российская государственная библиотека. <www.rsl.ru/>.
- 10. Российская национальная библиотека. <www.nlr.ru/>.

#### 9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

Изучение дисциплины "Математическая логика и теория алгоритмов" предусмотрено основной образовательной программой подготовки будущего учителя информатики и должно обеспечить в конечном итоге логическую грамотность студентов через обучение логическим основам математического языка: а) умение правильно понимать и интерпретировать математическую информацию, содержащую различные математические конструкции; б) умение распознавать и анализировать различные логические конструкции, преобразовывать их в равносильные; в) стилистические навыки, связанные с использованием логической схемы рассуждений. Цель дисциплины — формирование минимума логических и теоретико-

множественных знаний и умений; формирование логической грамотности; развитие логического мышления, логической интуиции, логической рефлексии.

Курс "Математическая логика и теория алгоритмов" включает такие разделы как "Методология математической логики", "Алгебра высказываний", "Нормальные формы", "Булевы функции", "Аксиоматическое построение логики высказываний", "Логика предикатов", "Аксиоматические теории". Основными формами обучения являются лекционные и семинарские занятия. Предусмотрена самостоятельная работа студентов в виде индивидуальных домашних заданий и домашних контрольных работ.

На лекционных занятиях студент слушает рассказ преподавателя, составляет конспект лекции. Во время лекции студенту рекомендуется делать отметки на полях тетради, касающиеся того теоретического материала, который вызвал затруднения в понимании. После лекции трудности необходимо устранить путем консультации у преподавателя или самостоятельной работы с рекомендованной учебной литературой.

На практических занятиях студенту предлагается ряд задач и заданий по теме, прослушанной на лекции. У студента должна быть специальная тетрадь, где он записывает условия и решения аудиторных и домашних задач. На каждом занятии проводится индивидуальный или фронтальный опрос по домашнему заданию. Перед каждым практическим занятием студент обязан проработать соответствующий теоретический материал, используя конспекты лекций и (или) рекомендуемую учебную литературу.

Контрольные работы и ИДЗ, предлагаемые по курсу "Математическая логика и теория алгоритмов", выполняются в отдельных тетрадях, которые хранятся на кафедре математики и методики обучения математике. Решение задач должно сопровождаться необходимыми формулами; кроме того решение должно быть обосновано. Студенту, выполнившему работу на оценку «неудовлетворительно", необходимо в этой же тетради выполнить работу над ошибками. Это является необходимым условием допуска к экзамену.

# 10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

- 1. Использование слайд-презентаций при проведении лекций и отдельных семинаров.
- 2. Консультация, проверка проблемных вопросов по курсу посредством электронной почты.

Содержание курса "Математическая логика и теория алгоритмов" в авторской концепции тесно связано с исследовательской деятельностью обучающихся, формированием исследовательской культуры студентов. Студентам предлагаются задачи повышенной сложности, с элементами исследования.

Успешная реализация содержания курса основывается на использовании активных методов обучения, которые позволяют за достаточно короткий срок передавать довольно большой объем знаний, обеспечить высокий уровень овладения студентами изучаемого материала и закрепления его на практике.

- 1. Лекция в форме проблемного изложения, эвристической беседы, лекция с заранее запланированными ошибками. При проведении таких лекций процесс познания обучаемых приближается к поисковой, исследовательской деятельности. Это формирует мыслительную и познавательную активность студентов, развивает умения оперативно анализировать информацию, выступать в роли экспертов, оппонентов, рецензентов, выделять неверную и неточную информацию.
- 2. *Иллюстрация и демонстрация*. Этот метод предполагает использование презентаций, слайдов, схем, наглядных пособий, компьютерных программ и Интернет-ресурсов, что позволяет студенту более эффективно усвоить предлагаемый материал.

- 3. Учебная групповая дискуссия. Преподаватель организует дискуссию обучающихся по обсуждению некоторой сложной математической задачи, в ходе которой происходит обмен мнениями, проводится критический анализ условия задачи.
- 4. *Исследовательский метод*, когда учащийся ставится в роль первооткрывателя знаний и реализующийся путем организации работы студентов с различными источниками информации.

## 11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Для осуществления образовательного процесса по дисциплине «Математическая логика» факультет располагает:

- а) аудитории для проведения лекционных занятий, оснащённых мультимедийным оборудованием, а также системой звукоусиления и микрофонами при проведении поточных занятий;
- б) учебными аудиториями для проведения групповых практических занятий.
- в) чертежными инструментами для работы у доски (циркули, линейки, угольники, транспортиры, плоские шаблоны криволинейных фигур)

#### 12. Иные сведения и (или) материалы

## 12.1. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для обеспечения образования инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья разрабатывается адаптированная образовательная программа, индивидуальный учебный план с учетом особенностей их психофизического развития и состояния здоровья.

Обучение обучающихся с ограниченными возможностями здоровья осуществляется на основе образовательных программ, адаптированных для обучения указанных обучающихся.

Обучение по образовательной программе инвалидов и обучающихся с ограниченными возможностями здоровья осуществляется факультетом с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся.

Университетом создаются специальные условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья.

#### 12.2 Занятия, проводимые в интерактивных формах

№ п/п	Раздел, тема дисциплины	Объем аудиторной работы в интерактивных формах по видам занятий (час.)*			Формы работы**
		Лекц.	Практич	Лабор.	
	Информационные технологии	2			Дискуссия
					Работа в малых
					группах
	Информационные технологии в	2		4	Дискуссия
	образовании				Работа в малых
					группах
	Локальные и глобальные	2		4	Дискуссия
	вычислительные сети.				Работа в малых
					группах
	ИТОГО по дисциплине:	6		8	

## Составитель (и): В.Ф.Любичева, профессор Бойченко Г.Н, доцент $(\phi$ амилия, инициалы и должность преподавателя (eй))

Макет рабочей программы дисциплины (модуля) разработан в соответствии с приказом Минобрнауки России от 19.12.2013 № 1367, одобрен научно-методическим советом (протокол № 8 от 09.04.2014 г.) и утвержден приказом ректора от 23.04.2014 № 224/10..

Макет обновлён с поправками в части подписей на титульной странице, п.3 добавлена строка для указания часов, проводимых в активной и интерактивной формах обучения, добавлен п. 12.1 Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (протокол НМС № 6 от 15.04.2015 г.), утвержден приказом ректора.